

Til: SUFU  
Fra: Jon Magne Leinaas

10/2-2015

### Endring av navn på fysikkemnet FYS 4110

Jeg ønsker å få godkjent endring av navnet på FYS 4110 *Ikke-relativistisk kvantemekanikk*. Som nytt navn foreslås *Moderne kvantemekanikk*, på engelsk *Modern Quantum Mechanics*

Begrunnelsen for endringen er å få bedre overensstemmelse mellom navn og innhold i kurset. Dette innebærer altså ingen endring i innholdet, og emnekoden FYS4110 bør dermed kunne beholdes.

Siktepunktet med FYS4110 siden det ble innført for drøyt 10 år siden har vært å gi en innføring i emner som har kommet mer i fokus de seneste tiårene, slike som

- veiintegralerbeskrivelse
- koherente tilstander
- rene og blandete kvantetilstander
- kvantemekanisk sammenfiltrering
- kvanteinformasjon
- åpne kvantesystemer
- spontan og stimulert emisjon
- prinsippet for lasere

En mer detaljert oversikt over innholdet i FYS 4110 er gitt som vedlegg, i form av innholdsfortegnelsen til kompendiet som har vært utviklet til kurset.

Det kan legges til at begrepet *Modern Quantum Mechanics* er vel etablert som en beskrivelse av utviklingen innen dette fagområdet i senere år. Betegnelsen *Ikke-relativistisk kvantemekanikk* er også på sin plass, siden relativistiske effekter stort sett er uten betydning i denne delen av fysikken, men dette begrepet synes likevel i mindre grad å karakterisere innholdet enn *Moderne kvantemekanikk*.

Det kan være på sin plass, som en overgangsordning, å referere i emnebeskrivelsen til at FYS 4110 *Moderne kvantemekanikk* svarer helt til det tidligere FYS 4110 *Ikke-relativistisk kvantemekanikk*.

Vennlig hilsen,  
Jon Magne Leinaas



# Contents

<b>1</b>	<b>Quantum formalism</b>	<b>5</b>
1.1	Summary of quantum states and observables . . . . .	5
1.1.1	Classical and quantum states . . . . .	5
1.1.2	The fundamental postulates . . . . .	9
1.1.3	Matrix representations and wave functions . . . . .	11
1.1.4	Spin-half system and the Stern Gerlach experiment . . . . .	14
1.2	Field quantization . . . . .	16
1.3	Quantum Dynamics . . . . .	20
1.3.1	The different pictures of the time evolution . . . . .	20
1.3.2	Path integrals . . . . .	23
1.3.3	Continuous paths for a free particle . . . . .	28
1.3.4	The classical theory as a limit of the path integral . . . . .	29
1.3.5	A semiclassical approximation . . . . .	30
1.3.6	The double slit experiment revisited . . . . .	31
1.4	The two-level system and the harmonic oscillator . . . . .	34
1.4.1	The two-level system . . . . .	34
1.4.2	Spin dynamics and magnetic resonance . . . . .	36
1.4.3	Harmonic oscillator and coherent states . . . . .	40
1.4.4	The Jaynes-Cummings model . . . . .	47
1.4.5	Fermionic and bosonic oscillators: an example of supersymmetry .	50
<b>2</b>	<b>Quantum mechanics and probability</b>	<b>53</b>
2.1	Classical and quantum probabilities . . . . .	53
2.1.1	Pure and mixed states, the density operator . . . . .	53
2.1.2	Entropy . . . . .	56
2.1.3	Mixed states for a two-level system . . . . .	58
2.2	Entanglement . . . . .	59
2.2.1	Composite systems . . . . .	59
2.2.2	Classical statistical correlations . . . . .	60
2.2.3	States of a composite quantum system . . . . .	62
2.2.4	Correlations and entanglement . . . . .	63
2.2.5	Entanglement in a two-spin system . . . . .	66
2.3	Quantum states and physical reality . . . . .	68
2.3.1	EPR-paradox . . . . .	68

2.3.2	Bell's inequality . . . . .	71
<b>3</b>	<b>Quantum physics and information</b>	<b>79</b>
3.1	An interaction-free measurement . . . . .	79
3.2	The No-Cloning Theorem . . . . .	83
3.3	Quantum teleportation . . . . .	84
3.4	From bits to qubits . . . . .	86
3.5	Communication with qubits . . . . .	88
3.6	Principles for a quantum computer . . . . .	90
3.6.1	A universal quantum computer . . . . .	90
3.6.2	A simple algorithm for a quantum computation . . . . .	94
3.6.3	Can a quantum computer be constructed? . . . . .	96
<b>4</b>	<b>Photons and atoms</b>	<b>99</b>
4.1	Classical electromagnetism . . . . .	99
4.1.1	Maxwell's equations . . . . .	100
4.1.2	Lagrange-Hamilton formulation of classical Maxwell theory . . . . .	102
4.2	Photons – the quanta of light . . . . .	106
4.2.1	The quantized field . . . . .	106
4.2.2	Constructing Fock space . . . . .	109
4.2.3	Coherent and incoherent photon states . . . . .	110
4.2.4	Photon emission and photon absorption . . . . .	116
4.2.5	Dipole approximation and selection rules . . . . .	118
4.3	Photon emission from excited atom . . . . .	121
4.3.1	First order transition and Fermi's golden rule . . . . .	121
4.3.2	Emission rate . . . . .	123
4.3.3	Life time and line width . . . . .	125
4.4	The Lindblad equation . . . . .	127
4.4.1	Application to a two-level system . . . . .	129
4.5	Stimulated photon emission and the principle of lasers . . . . .	131
4.5.1	Three-level model of a laser . . . . .	132
4.5.2	Laser light and coherent photon states . . . . .	135
<b>5</b>	<b>Quantum mechanics and geometry</b>	<b>139</b>
5.1	Geometry of quantum states . . . . .	139
5.1.1	Example: Geometry of the two-level system . . . . .	142
5.1.2	Geometrical structures in parameter space . . . . .	143
5.2	Adiabatic evolution and the geometric phase . . . . .	146
5.2.1	The adiabatic approximation . . . . .	147
5.2.2	The geometric phase . . . . .	148
5.2.3	Example: Spin motion in a magnetic field . . . . .	150